

|                |                             |         |       |   |
|----------------|-----------------------------|---------|-------|---|
| Código:MAT 208 | Nome: Geometria Diferencial |         |       |   |
|                | Teórica                     | Prática | Total | Unidade:Instituto de Matemática                           |
| Carga Horária  | 51                          | 51      | 102   | Departamento: Matemática                                  |
| Créditos       | 03                          | 01      | 04    | Pré-requisito(s): Cálculo IV e Álgebra Linear II          |
| Módulo         |                             |         |       | Curso(s)/natureza: Complementar Obrigatória<br>Matemática |

EMENTA

Estudo local das curvas em  $R^2$  e em  $R^3$ : vetor tangente, vetor normal, curvatura, referencial de Frénet para curvas em  $R^2$ . Vetor binomial, torsão, triedro de Frénet para curvas em  $R^3$ . Teorema fundamental das curvas em  $R^2$  e  $R^3$ . Estudo local das superfícies: plano tangente, vetor normal, aplicação normal de Gauss. Curvaturas de uma superfície. Linhas de uma superfície: geodésicas. Superfícies do ponto de vista global.

OBJETIVOSMETODOLOGIA

Aulas expositivas.

BIBLIOGRAFIA PRINCIPAL

- 1) Introdução à Geometria Diferencial - Lúcio Rodrigues - IMPA - 1977
- 2) Differential Geometry of Curves and Surfaces - Manfredo P. Carmo
- 3) Introdução à Geometria Diferencial - Renato Valladares - Ed. U.F.F. - 1979
- 4) Geometria Diferencial - Carlos Eduardo Harle - IMPA
- 5) Introdução à Geometria Diferencial - Keti Teneblat.

CONTEÚDO PROGRAMÁTICO

- 1) CURVAS EM  $R^2$ 
  - 1.1) Definição e exemplos de curva plana parametrizada.
  - 1.2) Curva parametrizada diferenciável em  $R^2$ . Vetor tangente.
  - 1.3) Mudança de parâmetro. Comprimento de curva. O comprimento de arco como parâmetro.
  - 1.4) Vetor normal. Referencial de Frénet
  - 1.5) Teorema fundamental das curvas planas
- 2) CURVAS EM  $R^3$ 
  - 2.1) Definição e exemplos de curvas parametrizadas em  $R^3$
  - 2.2) Curva parametrizada diferenciável em  $R^3$ . Vetor tangente. Curva regular



Carlos Eduardo Nogueira Bahiano  
Chefe do Dept. de Matemática

- 2.3) Mudança de parâmetro. Comprimento de curva. O comprimento de arco como parâmetro.
- 2.4) Vetor normal. Vetor binormal. Plano osculador, plano normal, plano retificante. Curvatura. Torção. Triedro de Frénet. Fórmulas de Frénet
- 2.5) Teorema fundamental das curvas em  $\mathbb{R}^3$

### 3) SUPERFÍCIES

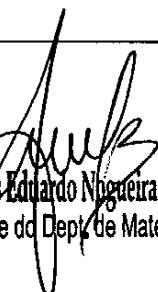
- 3.1) Definição e exemplos de superfícies parametrizadas. Superfície parametrizada regular.
- 3.2) Mudança de parâmetros
- 3.3) Plano tangente. Vetor normal. Aplicação normal de Gauss
- 3.4) Primeira forma fundamental. Segunda forma fundamental. Curvatura Gaussiana. Curvatura normal. Curvaturas principais. Curvatura média.
- 3.5) Classificação dos pontos de uma superfície. Pontos umbílicos.

---

Aprovação pelo Departamento

Data

Chefe do Departamento



Carlos Eduardo Nogueira Bahiano  
Chefe do Depto de Matemática